

XXVII. Erdélyi Magyar Matematikaverseny
Nagyvárad, 2017. február 23 –26.

I. forduló - 10. osztály

1. feladat:

Igazold, hogy $n^4 + 89n^2 + 2027$ nem írható fel két prímszám összegeként egyetlen $n \in \mathbb{N}$ esetén se!

Dr. Bencze Mihály, Bukarest,

Dávid Géza, Székelyudvarhely

2. feladat:

Az első 1000 pozitív egész szám között hány olyan szám van, amelyeknek a pozitív osztóinak összege páratlan?

Róka Sándor, Nyíregyháza

3. feladat:

Adott kilenc, páronként különböző pozitív egész szám, melyeknek összege 130. Igazold, hogy létezik közöttük négy olyan, melyeknek összege legalább 70.

Bíró Béla, Sepsiszentgyörgy

4. feladat:

Az $ABCD$ konvex négyszög oldalaira kívülről megszerkesztjük az ABR , BCT , DCS és APD egyenlőoldalú háromszögeket. Legyen Q az AS és PC szakaszok, O pedig az AT és RC szakaszok metszéspontja. Igazold, hogy:

a) $\frac{PC}{RC} + \frac{AT}{AS} \geq 2$

b) $AQ + 2DQ + QC = PQ + QS$ és $AO + 2BO + OC = RO + OT$

c) $T_{AQCO} = \frac{\sqrt{3}}{4}(AQ \cdot QC + AO \cdot OC)$

Pálhegyi-Farkas László, Nagyvárad

XXVII. Erdélyi Magyar Matematikaverseny
Nagyvárad, 2017. február 23 –26.

I. forduló - 10. osztály

5. feladat:

Az ABC háromszög C csúcán átmenő kör az AB oldalt a D pontban érinti, ahol D felezi a háromszög oldalát. A kör az AC és BC oldalakat az M és N pontban metszi, továbbá $AC : BC = 3 : 2$. Mekkora az ADM és a DBN háromszögek területének aránya?

Róka Sándor, Nyíregyháza

6. feladat:

Igazold, hogy ha az a, b, c oldalhosszú ABC háromszög területe $T = \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{abc}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$,

akkor a háromszög derékszögű!

Iakab Tibor, Sepsiszentgyörgy